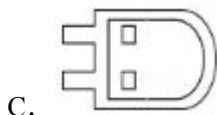


2008~2019 北京中考数学分类(图形性质)

一. 选择题 (共 30 小题)

1. 下列倡导节约的图案中, 是轴对称图形的是 ()



2. 正十边形的外角和为 ()

A. 180°

B. 360°

C. 720°

D. 1440°

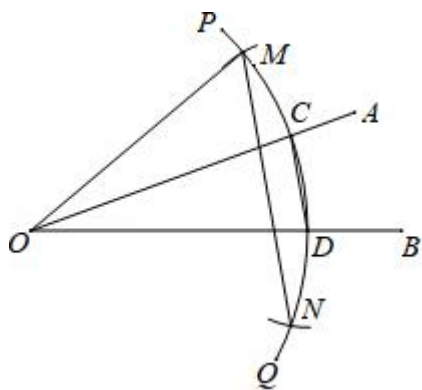
3. 已知锐角 $\angle AOB$, 如图,

(1) 在射线 OA 上取一点 C , 以点 O 为圆心, OC 长为半径作 \widehat{PQ} , 交射线 OB 于点 D , 连接 CD ;

(2) 分别以点 C, D 为圆心, CD 长为半径作弧, 交 \widehat{PQ} 于点 M, N ;

(3) 连接 OM, MN .

根据以上作图过程及所作图形, 下列结论中错误的是 ()



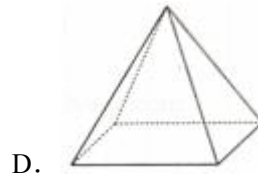
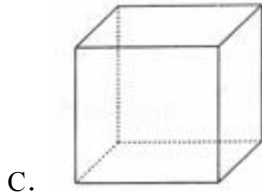
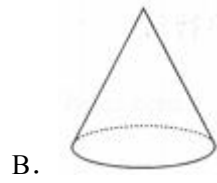
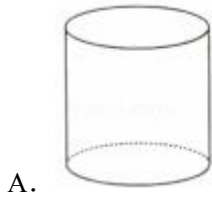
A. $\angle COM = \angle COD$

B. 若 $OM = MN$, 则 $\angle AOB = 20^\circ$

C. $MN \parallel CD$

D. $MN = 3CD$

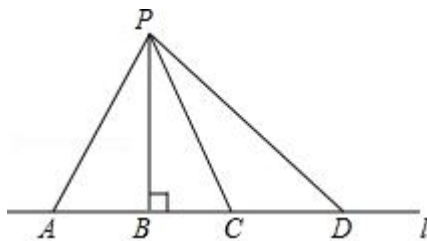
4. 下列几何体中, 是圆柱的为 ()



5. 若正多边形的一个外角是 60° ，则该正多边形的内角和为（ ）

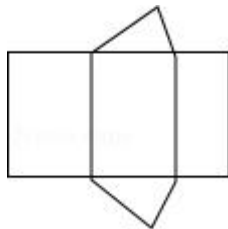
- A. 360° B. 540° C. 720° D. 900°

6. 如图所示，点 P 到直线 l 的距离是（ ）



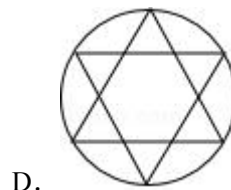
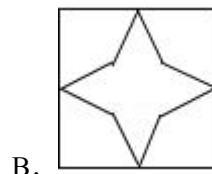
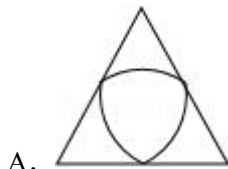
- A. 线段 PA 的长度 B. 线段 PB 的长度
C. 线段 PC 的长度 D. 线段 PD 的长度

7. 如图是某个几何体的展开图，该几何体是（ ）



- A. 三棱柱 B. 圆锥 C. 四棱柱 D. 圆柱

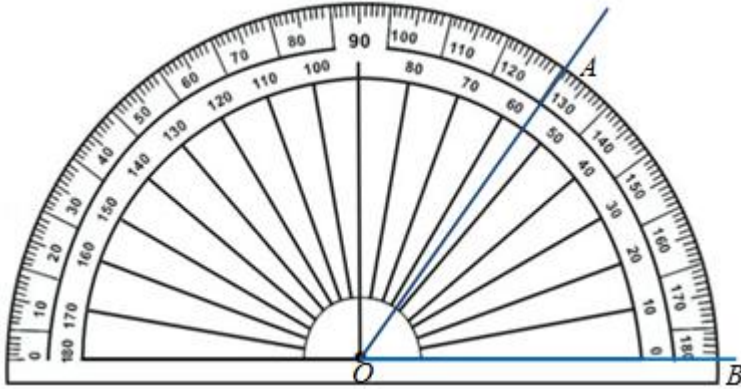
8. 下列图形中，是轴对称图形但不是中心对称图形的是（ ）



9. 若正多边形的一个内角是 150° ，则该正多边形的边数是（ ）

- A. 6 B. 12 C. 16 D. 18

10. 如图所示，用量角器度量 $\angle AOB$ ，可以读出 $\angle AOB$ 的度数为（ ）

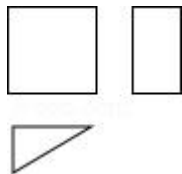


- A. 45° B. 55° C. 125° D. 135°

11. 内角和为 540° 的多边形是（ ）



12. 如图是某个几何体的三视图，该几何体是（ ）

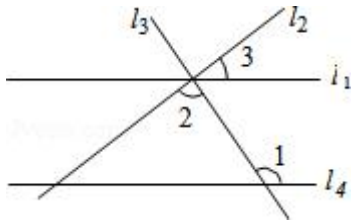


- A. 圆锥 B. 三棱锥 C. 圆柱 D. 三棱柱

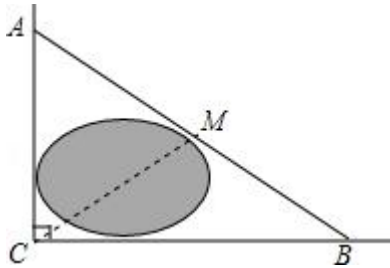
13. 剪纸是我国传统的民间艺术，下列剪纸作品中，是轴对称图形的为（ ）



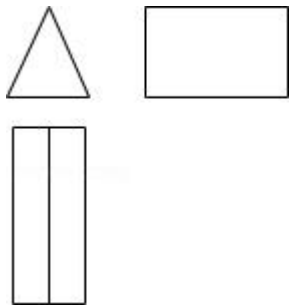
14. 如图，直线 l_1, l_2, l_3 交于一点，直线 $l_4 \parallel l_1$ ，若 $\angle 1 = 124^\circ$ ， $\angle 2 = 88^\circ$ ，则 $\angle 3$ 的度数为（ ）



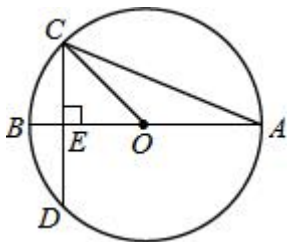
- A. 26° B. 36° C. 46° D. 56°
15. 如图，公路 AC, BC 互相垂直，公路 AB 的中点 M 与点 C 被湖隔开。若测得 AM 的长为 1.2km ，则 M, C 两点间的距离为（ ）



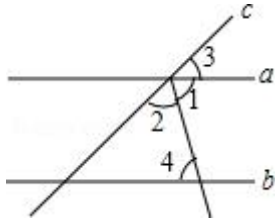
- A. 0.5km B. 0.6km C. 0.9km D. 1.2km
16. 如图是几何体的三视图，该几何体是（ ）



- A. 圆锥 B. 圆柱 C. 正三棱柱 D. 正三棱锥
17. 如图， $\odot O$ 的直径 AB 垂直于弦 CD ，垂足为 E ， $\angle A = 22.5^\circ$ ， $OC = 4$ ， CD 的长为（ ）

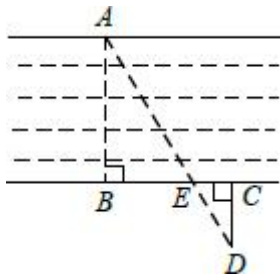


- A. $2\sqrt{2}$ B. 4 C. $4\sqrt{2}$ D. 8
18. 如图，直线 a, b 被直线 c 所截， $a \parallel b$ ， $\angle 1 = \angle 2$ ，若 $\angle 3 = 40^\circ$ ，则 $\angle 4$ 等于（ ）



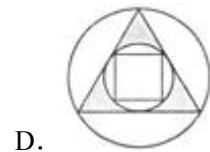
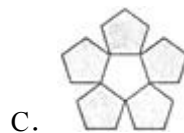
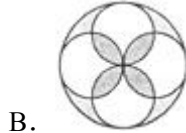
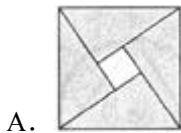
- A. 40° B. 50° C. 70° D. 80°

19. 如图，为估算某河的宽度，在河对岸选定一个目标点 A ，在近岸取点 B, C, D ，使得 $AB \perp BC$ ， $CD \perp BC$ ，点 E 在 BC 上，并且点 A, E, D 在同一条直线上. 若测得 $BE=20m$ ， $CE=10m$ ， $CD=20m$ ，则河的宽度 AB 等于 ()



- A. $60m$ B. $40m$ C. $30m$ D. $20m$

20. 下列图形中，是中心对称图形，但不是轴对称图形的是 ()



21. 正十边形的每个外角等于 ()

- A. 18° B. 36° C. 45° D. 60°

22. 如图是某个几何体的三视图，该几何体是 ()



主视图



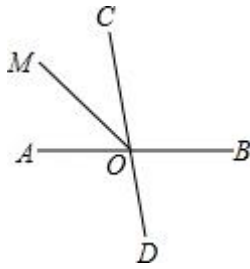
左视图



俯视图

- A. 长方体 B. 正方体 C. 圆柱 D. 三棱柱

23. 如图，直线 AB, CD 交于点 O ，射线 OM 平分 $\angle AOC$ ，若 $\angle BOD=76^\circ$ ，则 $\angle BOM$ 等于 ()



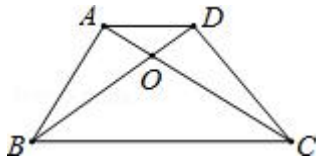
- A. 38° B. 104° C. 142° D. 144°

24. 下列图形中，既是中心对称又是轴对称图形的是（ ）

- A. 等边三角形 B. 平行四边形 C. 梯形 D. 矩形

25. 如图，在梯形 $ABCD$ 中， $AD \parallel BC$ ，对角线 AC ， BD 相交于点 O ，若 $AD=1$ ， $BC=3$ ，

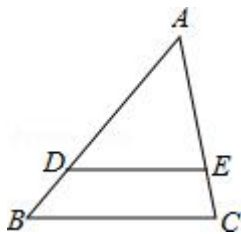
则 $\frac{AO}{CO}$ 的值为（ ）



- A. $\frac{1}{2}$ B. $\frac{1}{3}$ C. $\frac{1}{4}$ D. $\frac{1}{9}$

26. 如图，在 $\triangle ABC$ 中，点 D 、 E 分 AB 、 AC 边上， $DE \parallel BC$ ，若 $AD: AB=3: 4$ ， $AE=6$ ，

则 AC 等于（ ）



- A. 3 B. 4 C. 6 D. 8

27. 若菱形两条对角线的长分别为 6 和 8，则这个菱形的周长为（ ）

- A. 20 B. 16 C. 12 D. 10

28. 一个几何体的三视图如图所示，这个几何体是（ ）



- A. 棱柱 B. 正方形 C. 圆柱 D. 圆锥

29. 若一个正多边形的一个外角是 40° ，则这个正多边形的边数是（ ）

- A. 10 B. 9 C. 8 D. 6

30. 若一个多边形的内角和等于 720° ，则这个多边形的边数是（ ）

A. 5

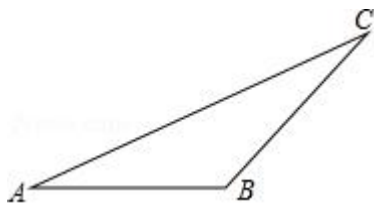
B. 6

C. 7

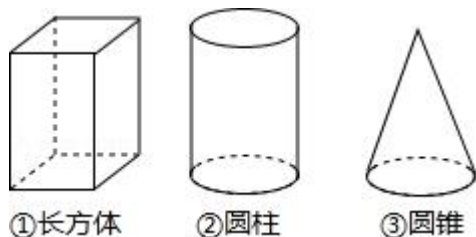
D. 8

二. 填空题 (共 20 小题)

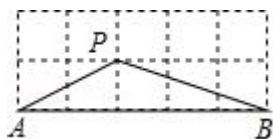
31. 如图, 已知 $\triangle ABC$, 通过测量、计算得 $\triangle ABC$ 的面积约为_____ cm^2 . (结果保留一位小数)



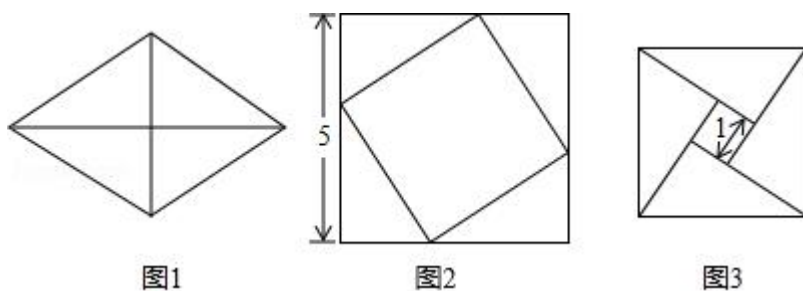
32. 在如图所示的几何体中, 其三视图中有矩形的是_____. (写出所有正确答案的序号)



33. 如图所示的网格是正方形网格, 则 $\angle PAB + \angle PBA =$ _____°. (点 A, B, P 是网格线交点).



34. 把图 1 中的菱形沿对角线分成四个全等的直角三角形, 将这四个直角三角形分别拼成如图 2, 图 3 所示的正方形, 则图 1 中菱形的面积为_____.

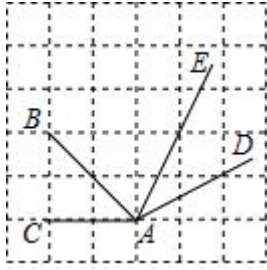


35. 在矩形 $ABCD$ 中, M, N, P, Q 分别为边 AB, BC, CD, DA 上的点 (不与端点重合), 对于任意矩形 $ABCD$, 下面四个结论中,

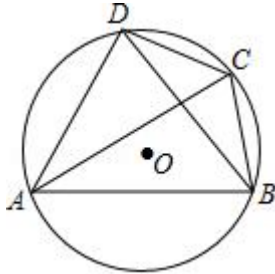
- ①存在无数个四边形 $MNPQ$ 是平行四边形;
- ②存在无数个四边形 $MNPQ$ 是矩形;
- ③存在无数个四边形 $MNPQ$ 是菱形;
- ④至少存在一个四边形 $MNPQ$ 是正方形.

所有正确结论的序号是_____.

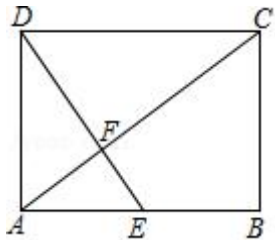
36. 如图所示的网格是正方形网格, $\angle BAC$ _____ $\angle DAE$. (填“>”, “=”或“<”)



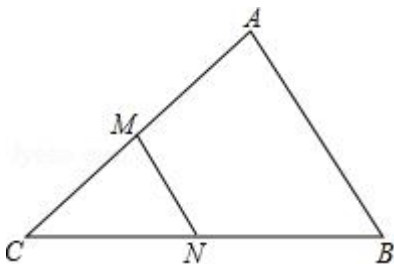
37. 如图, 点 A, B, C, D 在 $\odot O$ 上, $\widehat{CB} = \widehat{CD}$, $\angle CAD = 30^\circ$, $\angle ACD = 50^\circ$, 则 $\angle ADB$ = _____.



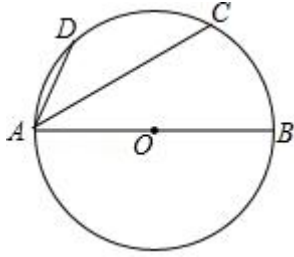
38. 如图, 在矩形 $ABCD$ 中, E 是边 AB 的中点, 连接 DE 交对角线 AC 于点 F , 若 $AB=4$, $AD=3$, 则 CF 的长为_____.



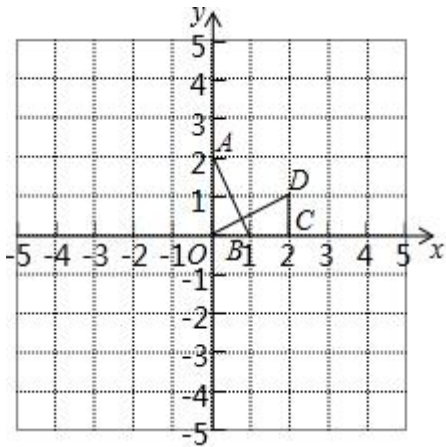
39. 如图, 在 $\triangle ABC$ 中, M, N 分别为 AC, BC 的中点. 若 $S_{\triangle CMN} = 1$, 则 $S_{\text{四边形} ABNM} =$ _____.



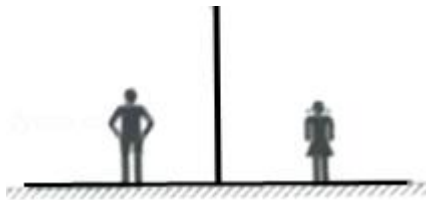
40. 如图, AB 为 $\odot O$ 的直径, C, D 为 $\odot O$ 上的点, $\widehat{AD} = \widehat{CD}$. 若 $\angle CAB = 40^\circ$, 则 $\angle CAD$ = _____.



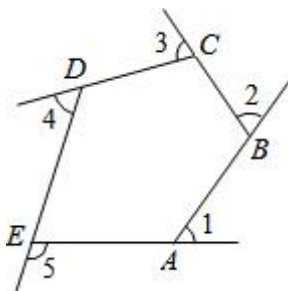
41. 如图，在平面直角坐标系 xOy 中， $\triangle AOB$ 可以看作是 $\triangle OCD$ 经过若干次图形的变化（平移、轴对称、旋转）得到的，写出一种由 $\triangle OCD$ 得到 $\triangle AOB$ 的过程：_____.



42. 如图，小军、小珠之间的距离为 $2.7m$ ，他们在同一盏路灯下的影长分别为 $1.8m$ ， $1.5m$ ，已知小军、小珠的身高分别为 $1.8m$ ， $1.5m$ ，则路灯的高为_____ m 。

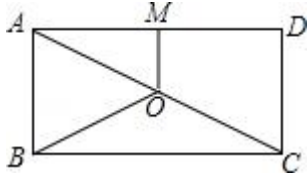


43. 如图是由射线 AB, BC, CD, DE, EA 组成的平面图形，则 $\angle 1 + \angle 2 + \angle 3 + \angle 4 + \angle 5 =$ _____.

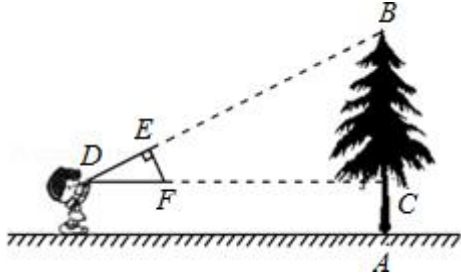


44. 在某一时刻，测得一根高为 $1.8m$ 的竹竿的影长为 $3m$ ，同时测得一根旗杆的影长为 $25m$ ，那么这根旗杆的高度为_____ m 。

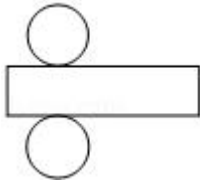
45. 如图， O 是矩形 $ABCD$ 的对角线 AC 的中点， M 是 AD 的中点。若 $AB=5$ ， $AD=12$ ，则四边形 $ABOM$ 的周长为_____.



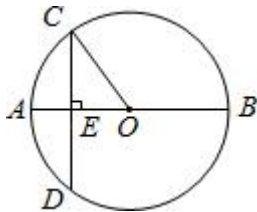
46. 如图，小明同学用自制的直角三角形纸板 DEF 测量树的高度 AB ，他调整自己的位置，设法使斜边 DF 保持水平，并且边 DE 与点 B 在同一直线上。已知纸板的两条直角边 $DE = 40\text{cm}$ ， $EF = 20\text{cm}$ ，测得边 DF 离地面的高度 $AC = 1.5\text{m}$ ， $CD = 8\text{m}$ ，则树高 $AB =$ _____ m 。



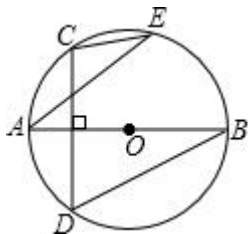
47. 若下图是某几何体的表面展开图，则这个几何体是_____。



48. 如图， AB 为圆 O 的直径，弦 $CD \perp AB$ ，垂足为点 E ，连接 OC ，若 $OC = 5$ ， $CD = 8$ ，则 $AE =$ _____。

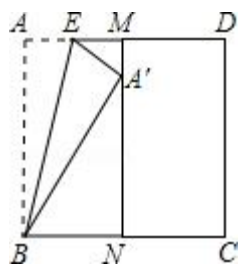


49. 如图， AB 为 $\odot O$ 的直径，弦 $CD \perp AB$ ， E 为 \widehat{BC} 上一点，若 $\angle CEA = 28^\circ$ ，则 $\angle ABD =$ _____ 度。



50. 如图，正方形纸片 $ABCD$ 的边长为 1， M 、 N 分别是 AD 、 BC 边上的点，将纸片的一角沿过点 B 的直线折叠，使 A 落在 MN 上，落点记为 A' ，折痕交 AD 于点 E ，若 M 、 N 分别是 AD 、 BC 边的中点，则 $A'N =$ _____；若 M 、 N 分别是 AD 、 BC 边的上距 DC

最近的 n 等分点 ($n \geq 2$, 且 n 为整数), 则 $A'N =$ _____ (用含有 n 的式子表示).

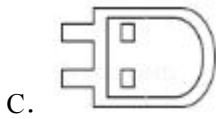


2008~2019 北京中考数学分类(图形性质)

参考答案与试题解析

一. 选择题 (共 30 小题)

1. 下列倡导节约的图案中, 是轴对称图形的是 ()



【解答】解: A 、不是轴对称图形, 故此选项错误;

B 、不是轴对称图形, 故此选项错误;

C 、是轴对称图形, 故此选项正确;

D 、不是轴对称图形, 故此选项错误.

故选: C .

2. 正十边形的外角和为 ()

A. 180°

B. 360°

C. 720°

D. 1440°

【解答】解: 因为任意多边形的外角和都等于 360° ,

所以正十边形的外角和等于 360° ,.

故选: B .

3. 已知锐角 $\angle AOB$, 如图,

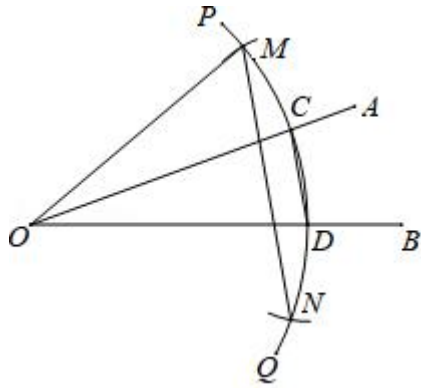
(1) 在射线 OA 上取一点 C , 以点 O 为圆心, OC 长为半径作 \widehat{PQ} , 交射线 OB 于点 D ,

连接 CD ;

(2) 分别以点 C, D 为圆心, CD 长为半径作弧, 交 \widehat{PQ} 于点 M, N ;

(3) 连接 OM, MN .

根据以上作图过程及所作图形, 下列结论中错误的是 ()



A. $\angle COM = \angle COD$

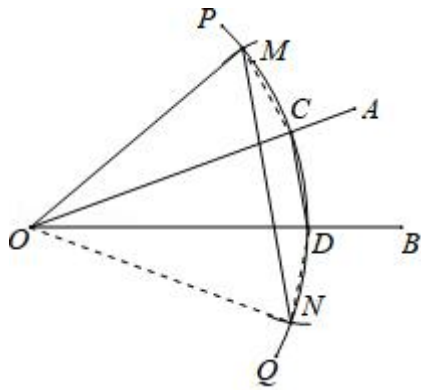
B. 若 $OM = MN$. 则 $\angle AOB = 20^\circ$

C. $MN \parallel CD$

D. $MN = 3CD$

【解答】解：由作图知 $CM = CD = DN$,

$\therefore \angle COM = \angle COD$, 故 A 选项正确;



$\because OM = ON = MN$,

$\therefore \triangle OMN$ 是等边三角形,

$\therefore \angle MON = 60^\circ$,

$\because CM = CD = DN$,

$\therefore \angle MOA = \angle AOB = \angle BON = \frac{1}{3} \angle MON = 20^\circ$, 故 B 选项正确;

设 $\angle MOA = \angle AOB = \angle BON = \alpha$,

则 $\angle OCD = \angle OCM = \frac{180^\circ - \alpha}{2}$,

$\therefore \angle MCD = 180^\circ - \alpha$,

又 $\because \angle CMN = \frac{1}{2} \angle CON = \alpha$,

$\therefore \angle MCD + \angle CMN = 180^\circ$,

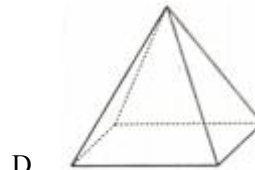
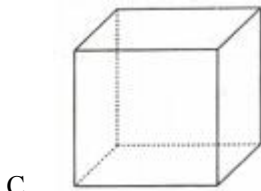
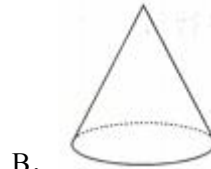
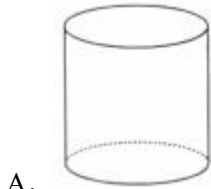
$\therefore MN \parallel CD$, 故 C 选项正确;

$\because MC+CD+DN>MN$ ，且 $CM=CD=DN$ ，

$\therefore 3CD>MN$ ，故 D 选项错误；

故选： D 。

4. 下列几何体中，是圆柱的为（ ）



【解答】解： A 、此几何体是圆柱体；

B 、此几何体是圆锥体；

C 、此几何体是正方体；

D 、此几何体是四棱锥；

故选： A 。

5. 若正多边形的一个外角是 60° ，则该正多边形的内角和为（ ）

A. 360°

B. 540°

C. 720°

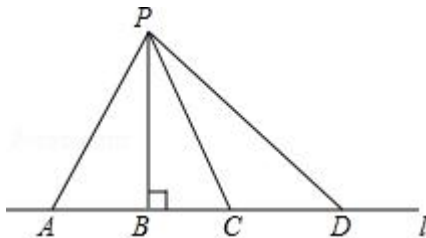
D. 900°

【解答】解：该正多边形的边数为： $360^\circ \div 60^\circ = 6$ ，

该正多边形的内角和为： $(6 - 2) \times 180^\circ = 720^\circ$ 。

故选： C 。

6. 如图所示，点 P 到直线 l 的距离是（ ）



A. 线段 PA 的长度

B. 线段 PB 的长度

C. 线段 PC 的长度

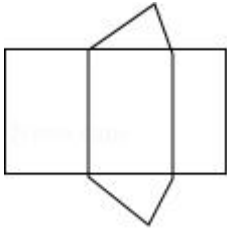
D. 线段 PD 的长度

【解答】解：由题意，得

点 P 到直线 l 的距离是线段 PB 的长度，

故选：B.

7. 如图是某个几何体的展开图，该几何体是（ ）

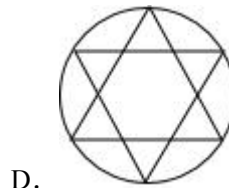
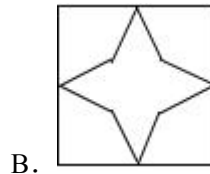
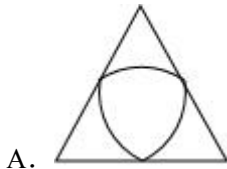


- A. 三棱柱 B. 圆锥 C. 四棱柱 D. 圆柱

【解答】解：观察图形可知，这个几何体是三棱柱.

故选：A.

8. 下列图形中，是轴对称图形但不是中心对称图形的是（ ）



【解答】解：A、是轴对称图形但不是中心对称图形，故本选项正确；

B、是轴对称图形，也是中心对称图形，故本选项错误；

C、不是轴对称图形，是中心对称图形，故本选项错误；

D、是轴对称图形，也是中心对称图形，故本选项错误.

故选：A.

9. 若正多边形的一个内角是 150° ，则该正多边形的边数是（ ）

- A. 6 B. 12 C. 16 D. 18

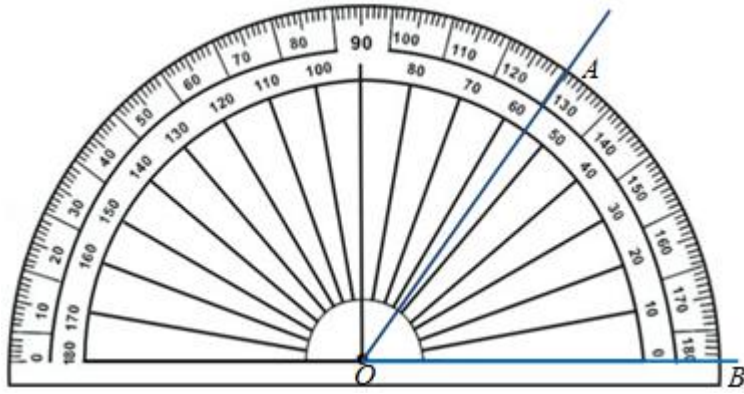
【解答】解：设多边形为 n 边形，由题意，得

$$(n - 2) \cdot 180^\circ = 150n,$$

解得 $n = 12$,

故选：B.

10. 如图所示，用量角器度量 $\angle AOB$ ，可以读出 $\angle AOB$ 的度数为（ ）



- A. 45° B. 55° C. 125° D. 135°

【解答】解：由图形所示， $\angle AOB$ 的度数为 55° ，

故选：B.

11. 内角和为 540° 的多边形是 ()



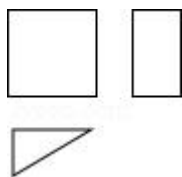
【解答】解：设多边形的边数是 n ，则

$$(n - 2) \cdot 180^\circ = 540^\circ,$$

解得 $n=5$.

故选：C.

12. 如图是某个几何体的三视图，该几何体是 ()

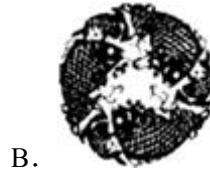


- A. 圆锥 B. 三棱锥 C. 圆柱 D. 三棱柱

【解答】解：根据主视图和左视图为矩形判断出是柱体，根据俯视图是三角形可判断出这个几何体应该是三棱柱.

故选：D.

13. 剪纸是我国传统的民间艺术，下列剪纸作品中，是轴对称图形的为 ()



【解答】解：A、不是轴对称图形，

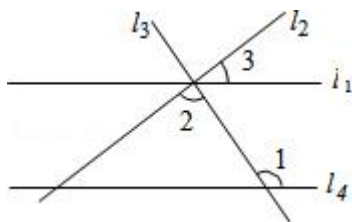
B、不是轴对称图形，

C、不是轴对称图形，

D、是轴对称图形，

故选：D.

14. 如图，直线 l_1, l_2, l_3 交于一点，直线 $l_4 \parallel l_1$ ，若 $\angle 1 = 124^\circ$ ， $\angle 2 = 88^\circ$ ，则 $\angle 3$ 的度数为（ ）



A. 26°

B. 36°

C. 46°

D. 56°

【解答】解：如图， \because 直线 $l_4 \parallel l_1$ ，

$\therefore \angle 1 + \angle AOB = 180^\circ$ ，而 $\angle 1 = 124^\circ$ ，

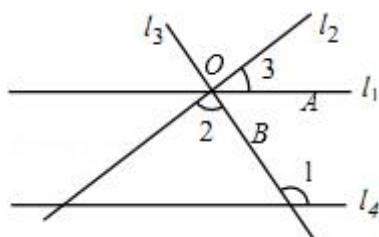
$\therefore \angle AOB = 56^\circ$ ，

$\therefore \angle 3 = 180^\circ - \angle 2 - \angle AOB$

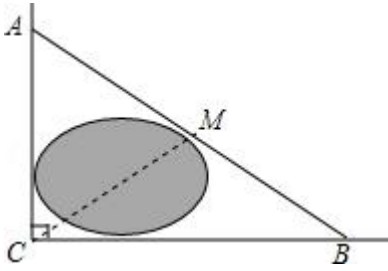
$= 180^\circ - 88^\circ - 56^\circ$

$= 36^\circ$ ，

故选：B.



15. 如图，公路 AC ， BC 互相垂直，公路 AB 的中点 M 与点 C 被湖隔开．若测得 AM 的长为 1.2km ，则 M ， C 两点间的距离为（ ）



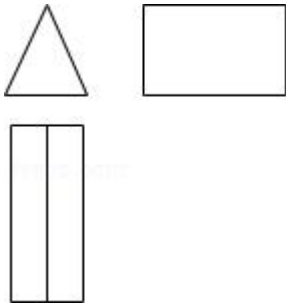
- A. 0.5km B. 0.6km C. 0.9km D. 1.2km

【解答】解：∵在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中， $\angle ACB=90^\circ$ ， M 为 AB 的中点，

$$\therefore MC = \frac{1}{2}AB = AM = 1.2\text{km}.$$

故选：D.

16. 如图是几何体的三视图，该几何体是（ ）

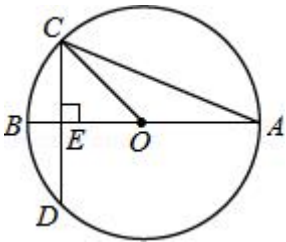


- A. 圆锥 B. 圆柱 C. 正三棱柱 D. 正三棱锥

【解答】解：该几何体的左视图为矩形，俯视图亦为矩形，主视图是一个三角形，则可得出该几何体为三棱柱．

故选：C.

17. 如图， $\odot O$ 的直径 AB 垂直于弦 CD ，垂足为 E ， $\angle A=22.5^\circ$ ， $OC=4$ ， CD 的长为（ ）

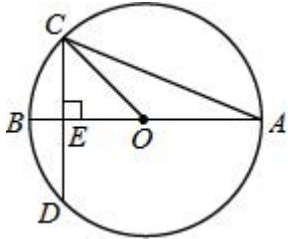


- A. $2\sqrt{2}$ B. 4 C. $4\sqrt{2}$ D. 8

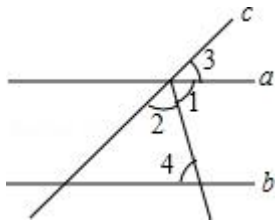
【解答】解：∵ $\angle A=22.5^\circ$ ，

$\therefore \angle BOC = 2\angle A = 45^\circ$,
 $\because \odot O$ 的直径 AB 垂直于弦 CD ,
 $\therefore CE = DE$, $\triangle OCE$ 为等腰直角三角形 ,
 $\therefore CE = \frac{\sqrt{2}}{2} OC = 2\sqrt{2}$,
 $\therefore CD = 2CE = 4\sqrt{2}$.

故选: C.



18. 如图, 直线 a, b 被直线 c 所截, $a \parallel b$, $\angle 1 = \angle 2$, 若 $\angle 3 = 40^\circ$, 则 $\angle 4$ 等于 ()

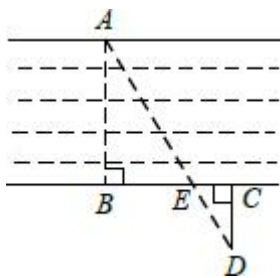


- A. 40° B. 50° C. 70° D. 80°

【解答】解: $\because \angle 1 = \angle 2$, $\angle 3 = 40^\circ$,
 $\therefore \angle 1 = \frac{1}{2} \times (180^\circ - \angle 3) = \frac{1}{2} \times (180^\circ - 40^\circ) = 70^\circ$,
 $\because a \parallel b$,
 $\therefore \angle 4 = \angle 1 = 70^\circ$.

故选: C.

19. 如图, 为估算某河的宽度, 在河对岸选定一个目标点 A , 在近岸取点 B, C, D , 使得 $AB \perp BC$, $CD \perp BC$, 点 E 在 BC 上, 并且点 A, E, D 在同一条直线上. 若测得 $BE = 20m$, $CE = 10m$, $CD = 20m$, 则河的宽度 AB 等于 ()



- A. 60m B. 40m C. 30m D. 20m

【解答】解：∵ $AB \perp BC$, $CD \perp BC$,

∴ $\triangle BAE \sim \triangle CDE$,

$$\therefore \frac{AB}{CD} = \frac{BE}{CE}$$

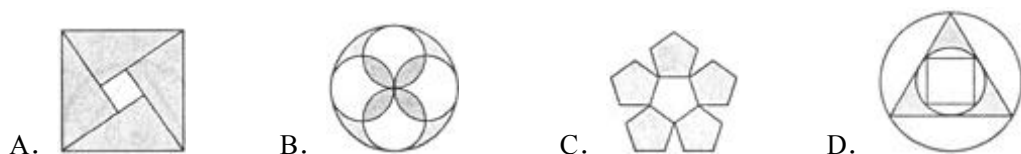
∵ $BE = 20m$, $CE = 10m$, $CD = 20m$,

$$\therefore \frac{AB}{20} = \frac{20}{10}$$

解得： $AB = 40$,

故选： B.

20. 下列图形中，是中心对称图形，但不是轴对称图形的是（ ）



【解答】解： A、不是轴对称图形，是中心对称图形．故此选项正确；

B、是轴对称图形，也是中心对称图形．故此选项错误；

C、是轴对称图形，不是中心对称图形．故此选项错误；

D、是轴对称图形，不是中心对称图形．故此选项错误．

故选： A.

21. 正十边形的每个外角等于（ ）

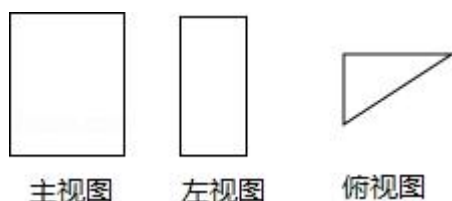
- A. 18° B. 36° C. 45° D. 60°

【解答】解： $360^\circ \div 10 = 36^\circ$ ，

所以，正十边形的每个外角等于 36° ．

故选： B.

22. 如图是某个几何体的三视图，该几何体是（ ）

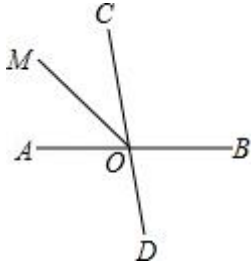


- A. 长方体 B. 正方体 C. 圆柱 D. 三棱柱

【解答】解：根据主视图和左视图为矩形判断出是柱体，根据俯视图是三角形可判断出这个几何体应该是三棱柱．

故选：D.

23. 如图，直线 AB , CD 交于点 O ，射线 OM 平分 $\angle AOC$ ，若 $\angle BOD=76^\circ$ ，则 $\angle BOM$ 等于 ()



- A. 38° B. 104° C. 142° D. 144°

【解答】解： $\because \angle BOD=76^\circ$ ，

$\therefore \angle AOC = \angle BOD = 76^\circ$ ，

\because 射线 OM 平分 $\angle AOC$ ，

$\therefore \angle AOM = \frac{1}{2} \angle AOC = \frac{1}{2} \times 76^\circ = 38^\circ$ ，

$\therefore \angle BOM = 180^\circ - \angle AOM = 180^\circ - 38^\circ = 142^\circ$.

故选：C.

24. 下列图形中，既是中心对称又是轴对称图形的是 ()

- A. 等边三角形 B. 平行四边形 C. 梯形 D. 矩形

【解答】解：A、是轴对称图形，不是中心对称图形．故本选项错误；

B、不是轴对称图形，是中心对称图形．故本选项错误；

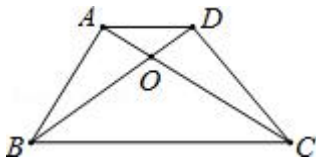
C、是轴对称图形，不是中心对称图形．故本选项错误；

D、既是轴对称图形，又是中心对称图形．故本选项正确．

故选：D.

25. 如图，在梯形 $ABCD$ 中， $AD \parallel BC$ ，对角线 AC , BD 相交于点 O ，若 $AD=1$, $BC=3$ ，

则 $\frac{AO}{CO}$ 的值为 ()



- A. $\frac{1}{2}$ B. $\frac{1}{3}$ C. $\frac{1}{4}$ D. $\frac{1}{9}$

【解答】解： \because 四边形 $ABCD$ 是梯形，

$$\therefore AD \parallel CB,$$

$$\therefore \triangle AOD \sim \triangle COB,$$

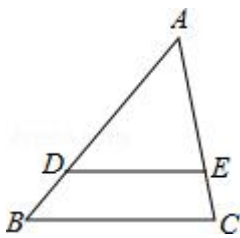
$$\therefore \frac{AD}{BC} = \frac{AO}{CO},$$

$$\because AD=1, BC=3.$$

$$\therefore \frac{AO}{CO} = \frac{1}{3}.$$

故选：B.

26. 如图，在 $\triangle ABC$ 中，点D、E分AB、AC边上， $DE \parallel BC$ ，若 $AD: AB=3: 4$ ， $AE=6$ ，则AC等于（ ）



- A. 3 B. 4 C. 6 D. 8

【解答】解： $\because DE \parallel BC$,

$$\therefore \triangle ADE \sim \triangle ABC,$$

$$\therefore AD: AB = AE: AC,$$

而 $AD: AB=3: 4$ ， $AE=6$,

$$\therefore 3: 4 = 6: AC,$$

$$\therefore AC=8.$$

故选：D.

27. 若菱形两条对角线的长分别为6和8，则这个菱形的周长为（ ）

- A. 20 B. 16 C. 12 D. 10

【解答】解：如图，在菱形ABCD中， $AC=8$ ， $BD=6$.

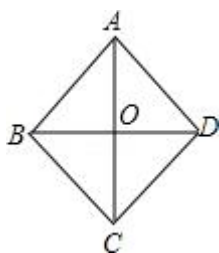
$\because ABCD$ 为菱形，

$$\therefore AC \perp BD, BO=3, AO=4.$$

$$\therefore AB=5.$$

$$\therefore \text{周长} = 4 \times 5 = 20.$$

故选：A.



28. 一个几何体的三视图如图所示，这个几何体是（ ）



- A. 棱柱 B. 正方形 C. 圆柱 D. 圆锥

【解答】解：根据主视图和左视图为矩形可判断出该几何体是柱体，
根据俯视图是圆可判断出该几何体为圆柱。

故选：C.

29. 若一个正多边形的一个外角是 40° ，则这个正多边形的边数是（ ）

- A. 10 B. 9 C. 8 D. 6

【解答】解：多边形的每个外角相等，且其和为 360° ，

据此可得 $\frac{360}{n} = 40$ ，解得 $n = 9$ 。

故选：B.

30. 若一个多边形的内角和等于 720° ，则这个多边形的边数是（ ）

- A. 5 B. 6 C. 7 D. 8

【解答】解：因为多边形的内角和公式为 $(n - 2) \cdot 180^\circ$ ，

所以 $(n - 2) \times 180^\circ = 720^\circ$ ，

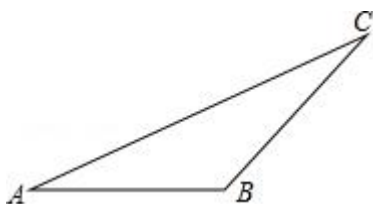
解得 $n = 6$ ，

所以这个多边形的边数是 6.

故选：B.

二. 填空题（共 20 小题）

31. 如图，已知 $\triangle ABC$ ，通过测量、计算得 $\triangle ABC$ 的面积约为 1.9 cm^2 .（结果保留一位小数）

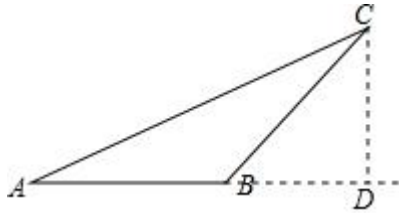


【解答】解：过点 C 作 $CD \perp AB$ 的延长线于点 D ，如图所示。

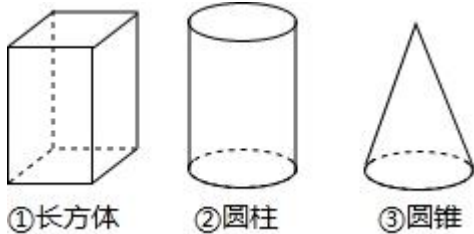
经过测量， $AB=2.2\text{cm}$ ， $CD=1.7\text{cm}$ ，

$$\therefore S_{\triangle ABC} = \frac{1}{2}AB \cdot CD = \frac{1}{2} \times 2.2 \times 1.7 \approx 1.9 \text{ (cm}^2\text{)}.$$

故答案为：1.9.



32. 在如图所示的几何体中，其三视图中有矩形的是 ①②。（写出所有正确答案的序号）



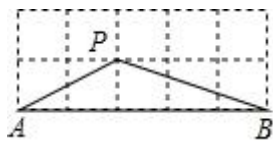
【解答】解：长方体主视图，左视图，俯视图都是矩形，

圆柱体的主视图是矩形，左视图是矩形，俯视图是圆，

圆锥的主视图、左视图是等腰三角形，俯视图是带有圆心的圆，

故答案为：①②.

33. 如图所示的网格是正方形网格，则 $\angle PAB + \angle PBA = \underline{45}^\circ$ （点 A ， B ， P 是网格线交点）.



【解答】解：延长 AP 交格点于 D ，连接 BD ，

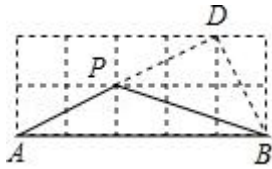
$$\text{则 } PD^2 = BD^2 = 1+2^2=5, \quad PB^2 = 1^2+3^2=10,$$

$$\therefore PD^2 + DB^2 = PB^2,$$

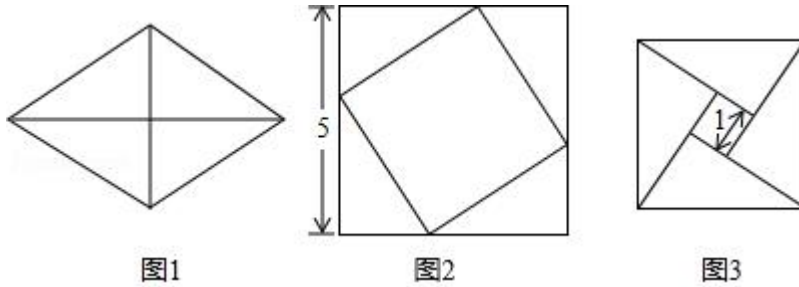
$$\therefore \angle PDB = 90^\circ,$$

$$\therefore \angle DPB = \angle PAB + \angle PBA = 45^\circ,$$

故答案为：45.



34. 把图 1 中的菱形沿对角线分成四个全等的直角三角形，将这四个直角三角形分别拼成如图 2，图 3 所示的正方形，则图 1 中菱形的面积为 12。



【解答】解：如图 1 所示：

∵ 四边形 $ABCD$ 是菱形，

∴ $OA=OC$ ， $OB=OD$ ， $AC \perp BD$ ，

设 $OA=x$ ， $OB=y$ ，

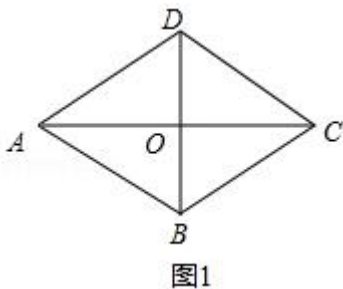
由题意得：
$$\begin{cases} x+y=5 \\ x-y=1 \end{cases}$$

解得：
$$\begin{cases} x=3 \\ y=2 \end{cases}$$

∴ $AC=2OA=6$ ， $BD=2OB=4$ ，

∴ 菱形 $ABCD$ 的面积 $= \frac{1}{2}AC \times BD = \frac{1}{2} \times 6 \times 4 = 12$ ；

故答案为：12.



35. 在矩形 $ABCD$ 中， M ， N ， P ， Q 分别为边 AB ， BC ， CD ， DA 上的点（不与端点重合），

对于任意矩形 $ABCD$ ，下面四个结论中，

- ① 存在无数个四边形 $MNPQ$ 是平行四边形；
- ② 存在无数个四边形 $MNPQ$ 是矩形；
- ③ 存在无数个四边形 $MNPQ$ 是菱形；
- ④ 至少存在一个四边形 $MNPQ$ 是正方形.

所有正确结论的序号是 ①②③ .

【解答】解：①如图， \because 四边形 $ABCD$ 是矩形，连接 AC ， BD 交于 O ，
过点 O 直线 MP 和 QN ，分别交 AB ， BC ， CD ， AD 于 M ， N ， P ， Q ，
则四边形 $MNPQ$ 是平行四边形，

故当 $MQ \parallel PN$ ， $PQ \parallel MN$ ，四边形 $MNPQ$ 是平行四边形，

故存在无数个四边形 $MNPQ$ 是平行四边形；故正确；

②如图，当 $PM=QN$ 时，四边形 $MNPQ$ 是矩形，故存在无数个四边形 $MNPQ$ 是矩形；
故正确；

③如图，当 $PM \perp QN$ 时，存在无数个四边形 $MNPQ$ 是菱形；故正确；

④当四边形 $MNPQ$ 是正方形时， $MQ=PQ$ ，

则 $\triangle AMQ \cong \triangle DQP$ ，

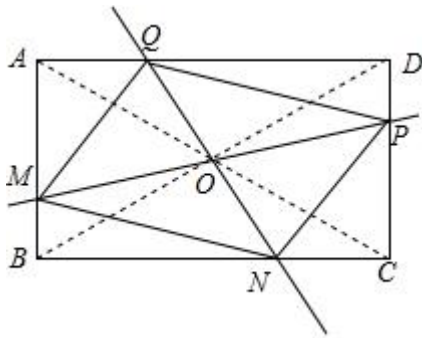
$\therefore AM=QD$ ， $AQ=PD$ ，

$\because PD=BM$ ，

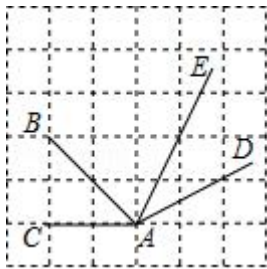
$\therefore AB=AD$ ，

\therefore 四边形 $ABCD$ 是正方形与任意矩形 $ABCD$ 矛盾，故错误；

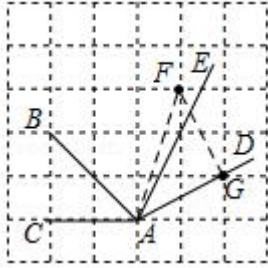
故答案为：①②③.



36. 如图所示的网格是正方形网格， $\angle BAC$ > $\angle DAE$. (填“>”，“=”或“<”)



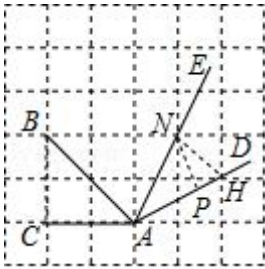
【解答】解：解法一：在 AD 上取一点 G ，在网格上取点 F ，构建 $\triangle AFG$ 为等腰直角三角形，



$$\because \tan \angle BAC = \frac{BC}{AC} = 1, \quad \tan \angle EAD < 1,$$

$$\therefore \angle BAC > \angle EAD;$$

解法二：连接 NH ， BC ，过 N 作 $NP \perp AD$ 于 P ，



$$S_{\triangle ANH} = 2 \times 2 - \frac{1}{2} \times 1 \times 2 \times 2 - \frac{1}{2} \times 1 \times 1 = \frac{1}{2} AH \cdot NP,$$

$$\frac{3}{2} = \frac{\sqrt{5}}{2} PN,$$

$$PN = \frac{3}{\sqrt{5}},$$

$$\text{Rt}\triangle ANP \text{ 中, } \sin \angle NAP = \frac{PN}{AN} = \frac{\frac{3}{\sqrt{5}}}{\frac{5}{\sqrt{5}}} = \frac{3}{5} = 0.6,$$

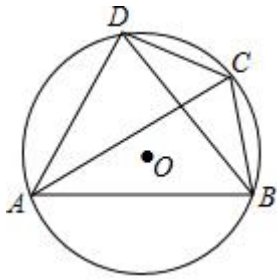
$$\text{Rt}\triangle ABC \text{ 中, } \sin \angle BAC = \frac{BC}{AB} = \frac{2}{2\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2} > 0.6,$$

\because 正弦值随着角度的增大而增大，

$$\therefore \angle BAC > \angle DAE,$$

故答案为：>.

37. 如图，点 A, B, C, D 在 $\odot O$ 上， $\widehat{CB} = \widehat{CD}$ ， $\angle CAD = 30^\circ$ ， $\angle ACD = 50^\circ$ ，则 $\angle ADB = \underline{70^\circ}$.



【解答】解：∵ $\widehat{CB} = \widehat{CD}$ ， $\angle CAD = 30^\circ$ ，

$$\therefore \angle CAD = \angle CAB = 30^\circ，$$

$$\therefore \angle DBC = \angle DAC = 30^\circ，$$

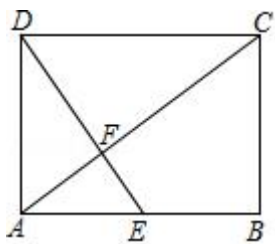
$$\therefore \angle ACD = 50^\circ，$$

$$\therefore \angle ABD = 50^\circ，$$

$$\therefore \angle ACB = \angle ADB = 180^\circ - \angle CAB - \angle ABC = 180^\circ - 50^\circ - 30^\circ - 30^\circ = 70^\circ。$$

故答案为： 70° 。

38. 如图，在矩形 $ABCD$ 中， E 是边 AB 的中点，连接 DE 交对角线 AC 于点 F ，若 $AB=4$ ， $AD=3$ ，则 CF 的长为 $\frac{10}{3}$ 。



【解答】解：∵ 四边形 $ABCD$ 为矩形，

$$\therefore AB = CD, AD = BC, AB \parallel CD,$$

$$\therefore \angle FAE = \angle FCD,$$

$$\text{又} \because \angle AFE = \angle CFD,$$

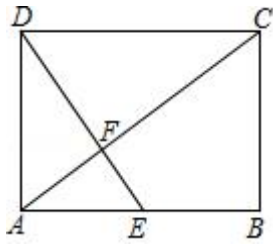
$$\therefore \triangle AFE \sim \triangle CFD,$$

$$\therefore \frac{CF}{AF} = \frac{CD}{AE} = 2.$$

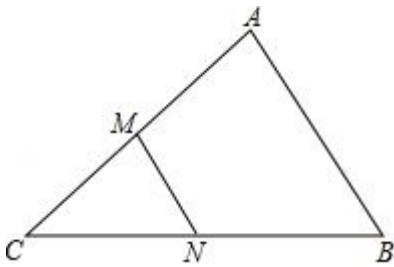
$$\therefore AC = \sqrt{AB^2 + BC^2} = 5,$$

$$\therefore CF = \frac{CF}{CF+AF} \cdot AC = \frac{2}{2+1} \times 5 = \frac{10}{3}.$$

故答案为： $\frac{10}{3}$ 。



39. 如图，在 $\triangle ABC$ 中， M 、 N 分别为 AC 、 BC 的中点. 若 $S_{\triangle CMN}=1$ ，则 $S_{\text{四边形}ABNM}=\underline{3}$.



【解答】解：∵ M 、 N 分别是边 AC 、 BC 的中点，

∴ MN 是 $\triangle ABC$ 的中位线，

∴ $MN \parallel AB$ ，且 $MN = \frac{1}{2}AB$ ，

∴ $\triangle CMN \sim \triangle CAB$ ，

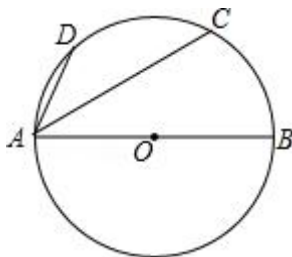
$$\therefore \frac{S_{\triangle CMN}}{S_{\triangle CAB}} = \left(\frac{MN}{AB}\right)^2 = \frac{1}{4},$$

$$\therefore \frac{S_{\triangle CMN}}{S_{\text{四边形}ABNM}} = \frac{1}{3},$$

∴ $S_{\text{四边形}ABNM} = 3S_{\triangle CMN} = 3 \times 1 = 3$.

故答案为：3.

40. 如图， AB 为 $\odot O$ 的直径， C 、 D 为 $\odot O$ 上的点， $\widehat{AD} = \widehat{CD}$. 若 $\angle CAB = 40^\circ$ ，则 $\angle CAD = \underline{25^\circ}$.

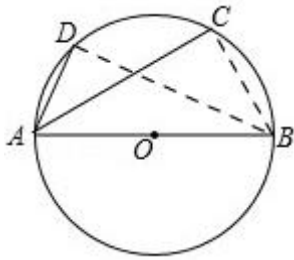


【解答】解：如图，连接 BC 、 BD ，

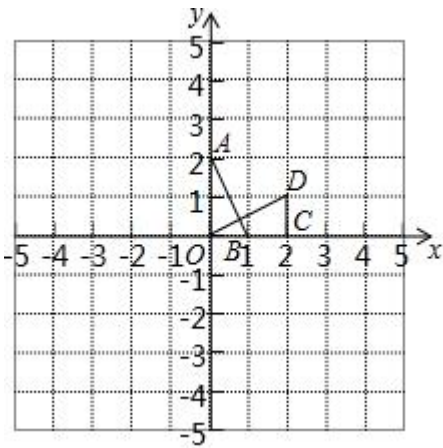
∵ AB 为 $\odot O$ 的直径，

∴ $\angle ACB = 90^\circ$ ，

$\because \angle CAB = 40^\circ$,
 $\therefore \angle ABC = 50^\circ$,
 $\because \widehat{AD} = \widehat{CD}$,
 $\therefore \angle ABD = \angle CBD = \frac{1}{2} \angle ABC = 25^\circ$,
 $\therefore \angle CAD = \angle CBD = 25^\circ$.
 故答案为: 25° .



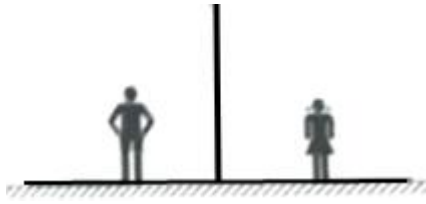
41. 如图, 在平面直角坐标系 xOy 中, $\triangle AOB$ 可以看作是 $\triangle OCD$ 经过若干次图形的变化(平移、轴对称、旋转)得到的, 写出一种由 $\triangle OCD$ 得到 $\triangle AOB$ 的过程: $\triangle OCD$ 绕 C 点顺时针旋转 90° , 并向左平移 2 个单位得到 $\triangle AOB$.



【解答】解: $\triangle OCD$ 绕 C 点顺时针旋转 90° , 并向左平移 2 个单位得到 $\triangle AOB$ (答案不唯一).

故答案为: $\triangle OCD$ 绕 C 点顺时针旋转 90° , 并向左平移 2 个单位得到 $\triangle AOB$.

42. 如图, 小军、小珠之间的距离为 $2.7m$, 他们在同一盏路灯下的影长分别为 $1.8m$, $1.5m$, 已知小军、小珠的身高分别为 $1.8m$, $1.5m$, 则路灯的高为 3 m .



【解答】解：如图， $\because CD \parallel AB \parallel MN$,

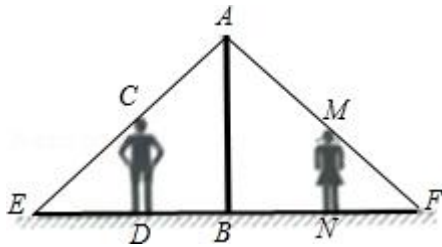
$\therefore \triangle ABE \sim \triangle CDE, \triangle ABF \sim \triangle MNF$,

$$\therefore \frac{CD}{AB} = \frac{DE}{BE}, \frac{FN}{FB} = \frac{MN}{AB}$$

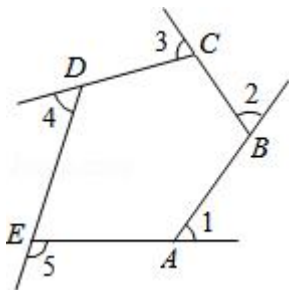
$$\text{即 } \frac{1.8}{AB} = \frac{1.8}{1.8+BD}, \frac{1.5}{AB} = \frac{1.5}{1.5+2.7-BD}$$

解得： $AB=3m$.

答：路灯的高为 $3m$.



43. 如图是由射线 AB, BC, CD, DE, EA 组成的平面图形，则 $\angle 1 + \angle 2 + \angle 3 + \angle 4 + \angle 5 =$ 360
°.



【解答】解： $\angle 1 + \angle 2 + \angle 3 + \angle 4 + \angle 5$

$$= (180^\circ - \angle BAE) + (180^\circ - \angle ABC) + (180^\circ - \angle BCD) + (180^\circ - \angle CDE) + (180^\circ - \angle DEA)$$

$$= 180^\circ \times 5 - (\angle BAE + \angle ABC + \angle BCD + \angle CDE + \angle DEA)$$

$$= 900^\circ - (5 - 2) \times 180^\circ$$

$$= 900^\circ - 540^\circ$$

$$= 360^\circ .$$

故答案为： 360° .

44. 在某一时刻，测得一根高为 $1.8m$ 的竹竿的影长为 $3m$ ，同时测得一根旗杆的影长为 $25m$ ，

那么这根旗杆的高度为 15 m.

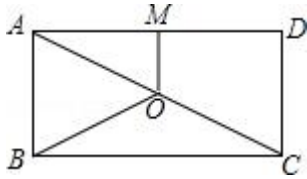
【解答】解：设旗杆高度为 x 米，

$$\text{由题意得，} \frac{1.8}{3} = \frac{x}{25},$$

解得 $x=15$.

故答案为：15.

45. 如图， O 是矩形 $ABCD$ 的对角线 AC 的中点， M 是 AD 的中点. 若 $AB=5$ ， $AD=12$ ，则四边形 $ABOM$ 的周长为 20.



【解答】解：∵ O 是矩形 $ABCD$ 的对角线 AC 的中点， M 是 AD 的中点，

$$\therefore OM = \frac{1}{2}CD = \frac{1}{2}AB = 2.5,$$

$$\because AB=5, AD=12,$$

$$\therefore AC = \sqrt{5^2 + 12^2} = 13,$$

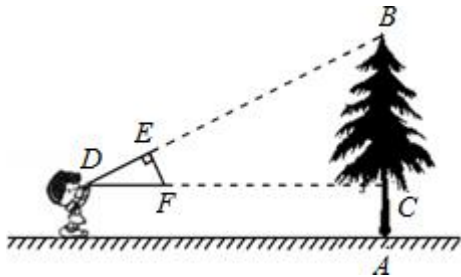
∵ O 是矩形 $ABCD$ 的对角线 AC 的中点，

$$\therefore BO = \frac{1}{2}AC = 6.5,$$

$$\therefore \text{四边形 } ABOM \text{ 的周长为 } AB + AM + BO + OM = 5 + 6 + 6.5 + 2.5 = 20,$$

故答案为：20.

46. 如图，小明同学用自制的直角三角形纸板 DEF 测量树的高度 AB ，他调整自己的位置，设法使斜边 DF 保持水平，并且边 DE 与点 B 在同一直线上. 已知纸板的两条直角边 $DE=40\text{cm}$ ， $EF=20\text{cm}$ ，测得边 DF 离地面的高度 $AC=1.5\text{m}$ ， $CD=8\text{m}$ ，则树高 $AB=$ 5.5 m.



【解答】解：∵ $\angle DEF = \angle BCD = 90^\circ$ $\angle D = \angle D$

$$\therefore \triangle DEF \sim \triangle DCB$$

$$\therefore \frac{BC}{EF} = \frac{DC}{DE}$$

$$\because DE = 40\text{cm} = 0.4\text{m}, EF = 20\text{cm} = 0.2\text{m}, AC = 1.5\text{m}, CD = 8\text{m},$$

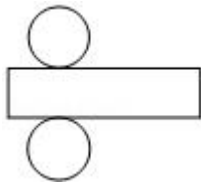
$$\therefore \frac{BC}{0.2} = \frac{8}{0.4}$$

$$\therefore BC = 4 \text{ 米},$$

$$\therefore AB = AC + BC = 1.5 + 4 = 5.5 \text{ 米},$$

故答案为：5.5.

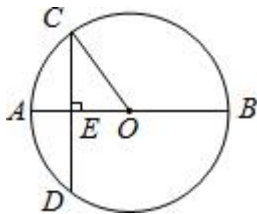
47. 若下图是某几何体的表面展开图，则这个几何体是 圆柱 .



【解答】解：一个长方形和两个圆折叠后，能围成的几何体是圆柱.

故答案为：圆柱.

48. 如图， AB 为圆 O 的直径，弦 $CD \perp AB$ ，垂足为点 E ，连接 OC ，若 $OC = 5$ ， $CD = 8$ ，
则 $AE =$ 2 .



【解答】解： $\because AB$ 为圆 O 的直径，弦 $CD \perp AB$ ，垂足为点 E .

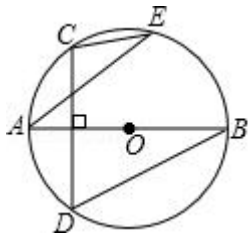
$$\therefore CE = \frac{1}{2}CD = 4.$$

$$\text{在直角} \triangle OCE \text{ 中, } OE = \sqrt{OC^2 - CE^2} = \sqrt{5^2 - 4^2} = 3.$$

$$\text{则 } AE = OA - OE = 5 - 3 = 2.$$

故答案为：2.

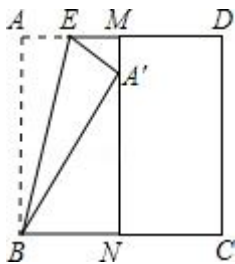
49. 如图， AB 为 $\odot O$ 的直径，弦 $CD \perp AB$ ， E 为 \widehat{BC} 上一点，若 $\angle CEA = 28^\circ$ ，则 $\angle ABD =$
28 度.



【解答】解：由垂径定理可知 $\widehat{AC} = \widehat{AD}$ ，又根据在同圆或等圆中相等的弧所对的圆周角也相等的性质可知 $\angle ABD = \angle CEA = 28^\circ$ 。

故答案为：28。

50. 如图，正方形纸片 $ABCD$ 的边长为 1， M 、 N 分别是 AD 、 BC 边上的点，将纸片的一角沿过点 B 的直线折叠，使 A 落在 MN 上，落点记为 A' ，折痕交 AD 于点 E ，若 M 、 N 分别是 AD 、 BC 边的中点，则 $A'N = \frac{\sqrt{3}}{2}$ ；若 M 、 N 分别是 AD 、 BC 边的上距 DC 最近的 n 等分点 ($n \geq 2$ ，且 n 为整数)，则 $A'N = \frac{\sqrt{2n-1}}{n}$ ($n \geq 2$ ，且 n 为整数) (用含有 n 的式子表示)。



【解答】解：由题意得 $BN = \frac{1}{2}$ ， $A'B = 1$ ，

由勾股定理求得 $A'N = \sqrt{1^2 - \left(\frac{1}{2}\right)^2} = \frac{\sqrt{3}}{2}$ ，

当 M 、 N 分别是 AD 、 BC 边的上距 DC 最近的 n 等分点 ($n \geq 2$ ，且 n 为整数)，

即把 BC 分成 n 等份， BN 占 $(n-1)$ 份，

$$\therefore BN = \frac{n-1}{n}, \quad CN = \frac{1}{n},$$

在 $\text{Rt}\triangle A'BN$ 中，根据勾股定理， $A'N = \sqrt{1^2 - \left(\frac{n-1}{n}\right)^2} = \frac{\sqrt{2n-1}}{n}$ ($n \geq 2$ ，且 n 为整数)。