

2018 上海市徐汇区初三二模数学试卷

2018.04

一. 选择题

1. 下列算式的运算结果正确的是 () 考点: 整式, 幂的运算

- A. $m^3 \cdot m^2 = m^6$ B. $m^5 \div m^3 = m^2$ ($m \neq 0$)
 C. $(m^{-2})^3 = m^{-5}$ D. $m^4 - m^2 = m^2$

2. 直线 $y = 3x + 1$ 不经过的象限是 () 考点: 一次函数图像

- A. 第一象限 B. 第二象限 C. 第三象限 D. 第四象限

3. 如果关于 x 的方程 $x^2 - \sqrt{k}x + 1 = 0$ 有实数根, 那么 k 的取值范围是 () 考点: 一元二次方程, 根的判定

- A. $k > 0$ B. $k \geq 0$ C. $k > 4$ D. $k \geq 4$

4. 某射击选手 10 次射击成绩统计结果如下表, 这 10 次成绩的众数、中位数分别是 ()

成绩 (环)	7	8	9	10
次数	1	4	3	2

考点: 统计, 众位数和众数

- A. 8、8 B. 8、8.5 C. 8、9 D. 8、10

5. 如果一个正多边形内角和等于 1080° , 那么这个正多边形的每一个外角等于 ()

- A. 45° B. 60° C. 120° D. 135° 考点: 正多边形计算角度

6. 下列说法中, 正确的个数共有 () 考点: 圆的概念

- (1) 一个三角形只有一个外接圆
 (2) 圆既是轴对称图形, 又是中心对称图形
 (3) 在同圆中, 相等的圆心角所对的弧相等
 (4) 三角形的内心到该三角形三个顶点距离相等

- A. 1 个 B. 2 个 C. 3 个 D. 4 个

二. 填空题

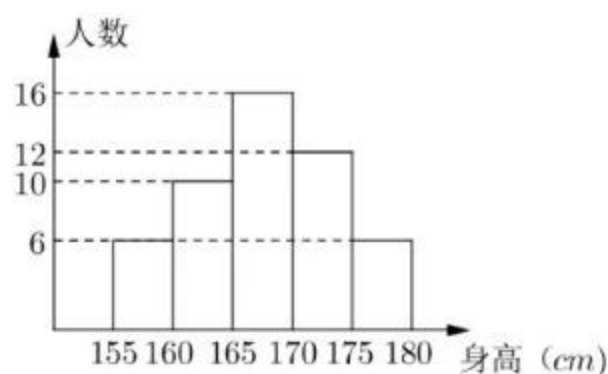
7. 函数 $y = \frac{1}{x-2}$ 的定义域是_____8. 在实数范围内分解因式: $x^2y - 2y =$ _____ 7-11题: 正常基础题9. 方程 $\sqrt{x-3} = 2$ 的解是_____10. 不等式组 $\begin{cases} -2x \geq 6 \\ x+7 > -2 \end{cases}$ 的解集是_____11. 已知点 $A(a, y_1)$ 、 $B(b, y_2)$ 在反比例函数 $y = \frac{3}{x}$ 的图像上, 如果 $a < b < 0$, 那么 y_1 与 y_2 的大小关系是 y_1 _____ y_2

12. 抛物线 $y = 2x^2 + 4x - 2$ 的顶点坐标是_____

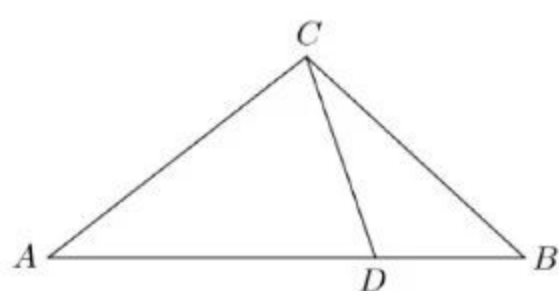
13. 四张背面完全相同的卡片上分别写有 $0.\dot{3}$ 、 $\sqrt{9}$ 、 $\sqrt{2}$ 、 $\frac{22}{7}$ 四个实数，如果将卡片字面朝下随意放在桌子上，任意取一张，那么抽到有理数的概率为_____

14. 在 $\triangle ABC$ 中，点 D 在边 BC 上，且 $BD:DC = 1:2$ ，如果设 $\overrightarrow{AB} = \vec{a}$ ， $\overrightarrow{AC} = \vec{b}$ ，那么 \overrightarrow{BD} 等于_____（结果用 \vec{a} 、 \vec{b} 的线性组合表示）

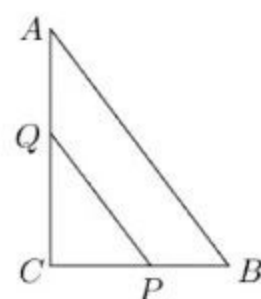
15. 如图，为了解全校 300 名男生的身高情况，随机抽取若干男生进行身高测量，将所得数据（精确到 1 cm）整理画出频数分布直方图（每组数据含最低值，不含最高值），估计该校男生的身高在 170 cm~175 cm 之间的人数约有_____人 **12-16题：常规几何题（难度一般）**



第 15 题



第 17 题



第 18 题

16. 已知两圆相切，它们的圆心距为 3，一个圆的半径是 4，那么另一个圆的半径是_____

17. 从三角形（非等腰三角形）一个顶点引出一条射线与对边相交，该顶点与该交点间的线段把这个三角形分割成两个小三角形，如果其中一个小三角形是等腰三角形，另一个与原三角形相似，那么我们把这条线段叫做这个三角形的完美分割线，如图，在 $\triangle ABC$ 中， $DB = 1$ ， $BC = 2$ ， CD 是 $\triangle ABC$ 的完美分割线，且 $\triangle ACD$ 是以 CD 为底边的等腰三角形，则 CD 的长为_____ **考点：新定义题型（常规题）**

18. 如图，在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中， $\angle C = 90^\circ$ ， $AB = 5$ ， $BC = 3$ ，点 P 、 Q 分别在边 BC 、 AC 上， $PQ \parallel AB$ ，把 $\triangle PCQ$ 绕点 P 旋转得到 $\triangle PDE$ （点 C 、 Q 分别与点 D 、 E 对应），点 D 落在线段 PQ 上，若 AD 平分 $\angle BAC$ ，则 CP 的长为_____ **考点：旋转几何题（较难）**

三. 简答题

19. 计算： $\sqrt{12} - \left(\frac{1}{2}\right)^{-1} + \frac{1}{\sqrt{3}-1} - (\pi - 3.14)^0 + |2\sqrt{3} - 4|$.

考点：常规实数计算题

20. 解分式方程： $\frac{x-2}{x+2} + 1 = \frac{16}{x^2-4}$.

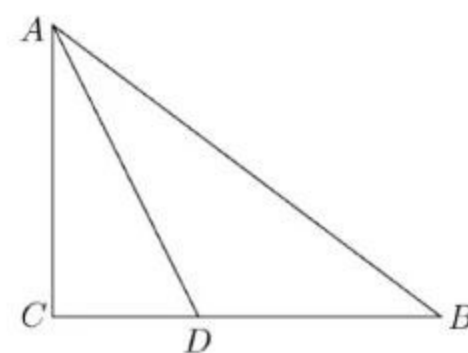
考点：解分式方程

21. 如图, 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle C = 90^\circ$, $AC = 3$, $BC = 4$, AD 平分 $\angle BAC$ 交 BC 于点 D .

(1) 求 $\tan \angle DAB$;

(2) 若 $\odot O$ 过 A 、 D 两点, 且点 O 在边 AB 上, 用尺规作图的方法确定点 O 的位置并求出 $\odot O$ 半径.

(保留作图轨迹, 不写作法)



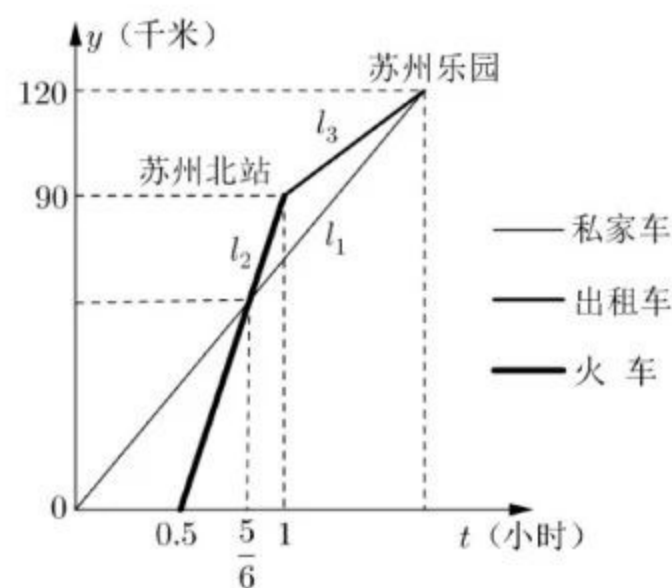
考点: 角平分线性质, 三角比应用、垂径定理

22. “五一”期间小明和小丽相约到苏州乐园游玩, 小丽乘私家车从上海出发 30 分钟后, 小明乘坐火车从上海出发, 先到苏州北站, 然后再乘出租车去游乐园 (换乘时间忽略不计), 两人恰好同时到达苏州乐园, 他们离上海的距离 y (千米) 与乘车时间 t (小时) 的关系如图所示, 请结合图像信息解决下面问题:

(1) 本次火车的平均速度_____千米/小时?

(2) 当小明到达苏州北站时, 小丽离苏州乐园的距离还有多少千米?

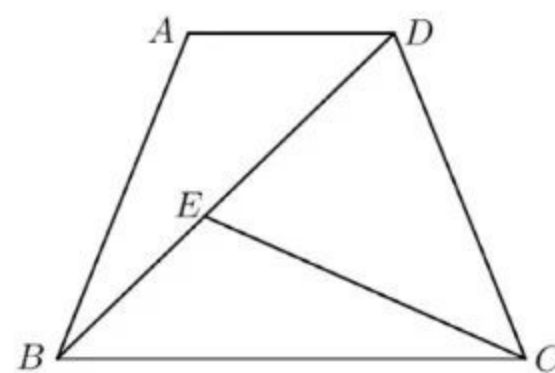
考点: 一次函数应用



23. 在梯形 $ABCD$ 中, $AD \parallel BC$, $AB = CD$, $BD = BC$, 点 E 在对角线 BD 上, 且 $\angle DCE = \angle DBC$.

(1) 求证: $AD = BE$;

(2) 延长 CE 交 AB 于点 F , 如果 $CF \perp AB$, 求证: $4EF \cdot FC = DE \cdot BD$.



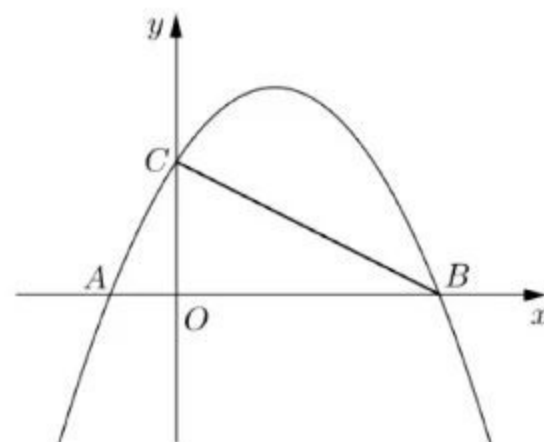
考点: 几何综合, 全等三角形、相似三角形、三线合一。

24. 如图, 已知直线 $y = -\frac{1}{2}x + 2$ 与 x 轴、 y 轴分别交于点 B 、 C , 抛物线 $y = -\frac{1}{2}x^2 + bx + c$ 过点 B 、 C , 且与 x 轴交于另一个点 A .

(1) 求该抛物线的表达式;

(2) 点 M 是线段 BC 上一点, 过点 M 作直线 $l \parallel y$ 轴交该抛物线于点 N , 当四边形 $OMNC$ 是平行四边形时, 求它的面积;

(3) 联结 AC , 设点 D 是该抛物线上的一点, 且满足 $\angle DBA = \angle CAO$, 求点 D 的坐标.



考点: 二次函数解析式、动点四边形求面积、角度相等求动点坐标

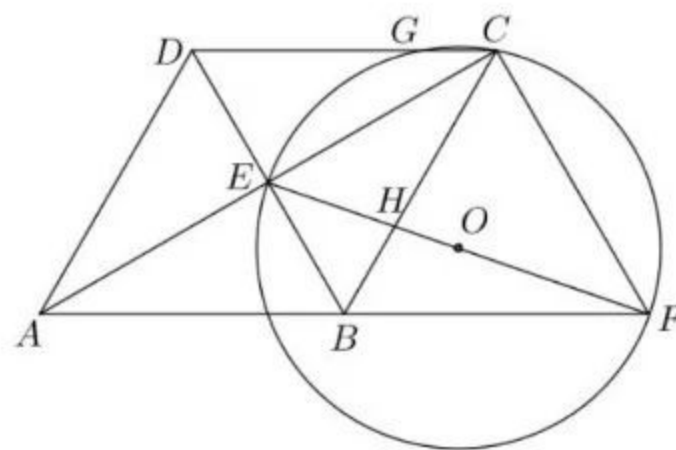
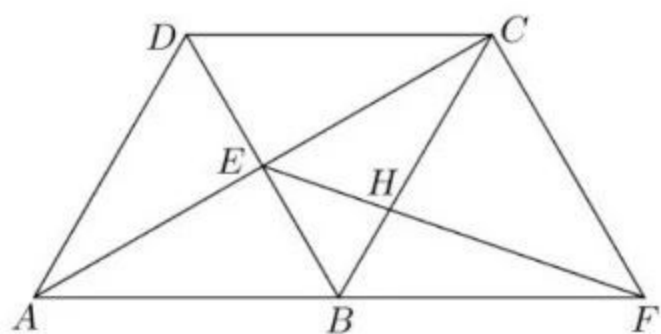
25. 已知四边形 $ABCD$ 是边长为 10 的菱形, 对角线 AC 、 BD 相交于点 E , 过点 C 作 $CF \parallel DB$ 交 AB 延长线于点 F , 联结 EF 交 BC 于点 H .

(1) 如图 1, 当 $EF \perp BC$ 时, 求 AE 的长;

(2) 如图 2, 以 EF 为直径作 $\odot O$, $\odot O$ 经过点 C 交边 CD 于点 G (点 C 、 G 不重合), 设 AE 的长为 x , EH 的长为 y ;

① 求 y 关于 x 的函数关系式, 并写出定义域;

② 联结 EG , 当 $\triangle DEG$ 是以 DG 为腰的等腰三角形时, 求 AE 的长.



考点: 几何综合题 (难)

菱形、圆的性质、等腰三角形分类讨论。

一、选择题

1. [答案] B

[解析] A. $m^3 \cdot m^2 = m^5$ B. $m^5 \div m^3 = m^2$

C. $(m^{-2})^3 = m^{-6}$ D. $m^4 - m^2$ 故选 B

2. [答案] D

[解析] $k=3$, 必过一、三象限, $b=1$ 交于轴正半轴

\therefore 过第二象限

即 $y=3x+1$ 不过第四象限

3. [答案] D

[解析] $A = (4k)^2 - 4 > 0$ 解得 $k > 4$ 故选 D

4. [答案] B

[解析] 出现次数最多的是8环, 所以众数为8;

10个数的中位数是第5、第6个的平均数, 所以中位数是 $\frac{1}{2} \times (8+9) = 8.5$ 故选 B

5. [答案] A

[解析] $(n-2) \times 180^\circ = 1080^\circ$ 解得 $n=8$

\therefore 内角为 $1080^\circ \div 8 = 135^\circ$ 则外角为 $180^\circ - 135^\circ = 45^\circ$

6. [答案] C

[解析] (1), (2), (3) 均正确, (4) 三角形内心到三角形三边的距离相等

故选 C



二. 填空题.

7. [答案] $x \neq 2$.

[解析] $x-2 \neq 0$ 得 $x \neq 2$.

8. [答案] $(x+\sqrt{2})(x-\sqrt{2})y$

[解析] $x^2y - 2y = (x^2 - 2)y = (x+\sqrt{2})(x-\sqrt{2})y$.

9. [答案] $x=7$.

[解析] $\sqrt{x-3} = 2$

$$x-3 = 4$$

$$x=7.$$

10. [答案] $-9 < x \leq -3$

[解析] 由 $-2x \geq 6$ 得 $x \leq -3$

$x+7 > -2$ 得 $x > -9$.

$$\therefore -9 < x \leq -3$$

11. [答案] $>$

[解析] $A(a, y_1), B(b, y_2)$ 在 $y = \frac{3}{x}$ 上, 且 $a < b < 0$.

$\because x < 0$ 时, $y = \frac{3}{x}$ 的 y 随 x 的增大而减小.

$$\therefore y_1 > y_2$$

12. [答案] $(-1, -4)$

[解析] $y = 2x^2 + 4x - 2 = 2(x+1)^2 - 4$.

$$\therefore \text{顶点坐标为 } (-1, -4).$$



13. [答案] $\frac{3}{4}$

[解析] $0.3\sqrt{9}=3$; $\frac{22}{7}$ 为无理数.

\therefore 从4个数中抽到有理数的概率为 $P=\frac{3}{4}$

14. [答案] $\frac{1}{3}\vec{b}-\frac{1}{3}\vec{a}$

[解析] $\vec{OD}=\frac{1}{3}\vec{BC}=\frac{1}{3}(\vec{AC}-\vec{AB})=\frac{1}{3}(\vec{b}-\vec{a})=\frac{1}{3}\vec{b}-\frac{1}{3}\vec{a}$

15. [答案] 72.

[解析] 该部分的样品容量为 $6+10+16+12+6=50$ 人.

其中身高为 $170\text{cm}\sim 175\text{cm}$ 之间的有 12 人.

所以身高为 $170\text{cm}\sim 175\text{cm}$ 的概率为 $\frac{12}{50}=0.24$.

故 300 人中有 $300\times 0.24=72$ 人.

16. [答案] 1 或 7.

[解析] 设此圆半径为 r .

① 若两圆为外切, 则 $r+3=4$, 得 $r=1$.

② 若两圆为内切, 则 $r-3=4$, 则 $r=7$.

17. [答案] $\frac{3}{2}$

[解析] $\triangle BDC \sim \triangle BUA$, $BD=1$, $BC=2$

$$\frac{DB}{BC} = \frac{BC}{AB} \text{ 得: } AB=4$$

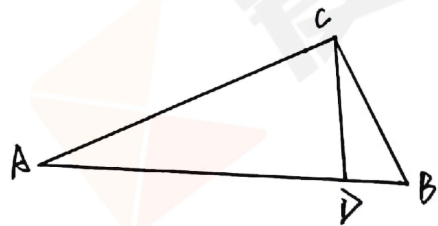
两个三角形的相似比为 $1:2$.

则 $AC=2CD$.

又 $\triangle ACD$ 等腰, 则 $AD=AC=2CD$.

$$AB=AD+DB=2CD+1=4$$

解得 $CD=\frac{3}{2}$



18. [答案] 2.

[解析] 如右图所示, $PQ \parallel AB$.

则 $\angle 2 = \angle 3$.

又 $\angle 1 = \angle 2$.

$\therefore \angle 1 = \angle 3$. 则 $AQ = DQ$

令 $AQ = DQ = a$.

在 $Rt\triangle QCP$ 中.

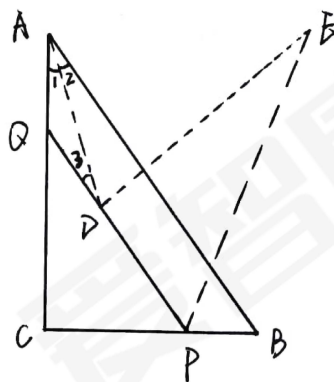
$CP : CQ : PQ = 3 : 4 : 5$. 且 $PQ = CP$.

$\therefore CP = \frac{3}{2}a$. $CQ = 2a$. $PQ = \frac{5}{2}a$.

且 $AQ = AQ + CQ = 2a + a = \sqrt{AB^2 - BC^2} = 4$.

$\therefore a = \frac{4}{3}$

即 $CP = \frac{3}{2}a = \frac{3}{2} \times \frac{4}{3} = 2$.



三. 解答题.

19. [答案] $\frac{3+\sqrt{3}}{2}$

[解析] 原式 $= 2\sqrt{3} - 2 + \frac{\sqrt{3}+1}{2} - 1 + 4 - 2\sqrt{3}$

$= 1 + \frac{\sqrt{3}+1}{2}$

$= \frac{3+\sqrt{3}}{2}$

20. [答案] $x=4$.

[解析] $\frac{x-2}{x+2} + 1 = \frac{16}{x^2-4}$

$(x-2)^2 + (x^2-4) = 16$

$x^2 - 4x + 4 + x^2 - 4 - 16 = 0$

$2x^2 - 4x - 16 = 0$

$x^2 - 2x - 8 = 0$

$(x-4)(x+2) = 0$

$x_1 = 4, x_2 = -2$

经检验 $x = -2$ 是原方程的增根.

\therefore 方程的解为 $x = 4$.



21. [答案] (1) $\frac{1}{2}$ (2) 如图, $r = \frac{15}{8}$

[解析]

(1) 过 D 作 $DE \perp AB$ 于点 E.

$\therefore AD$ 平分 $\angle BAC$.

$\therefore DC = DE$.

在 $Rt\triangle ABC$ 中, $AB = \sqrt{AC^2 + BC^2} = 5$

在 $Rt\triangle BDE$ 中, $DE : BD = AC : AB = 3 : 5$.

其中 $DE = CD$, 并且 $CD + BD = BC = 4$.

解得, $DE = \frac{3}{2}$, $BD = \frac{5}{2}$, $BE = 2$.

则 $AE = AB - BE = 3$.

$\therefore \tan \angle DAB = \frac{DE}{AE} = \frac{1}{2}$

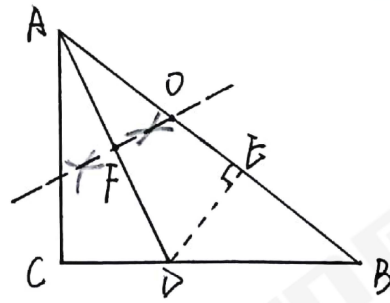
(2) 作图如右图所示, 作线段 AD 的垂直平分线, 交 AB 于点 O .

由 (1) 得, $AD = \frac{3\sqrt{5}}{2}$

$\therefore AO = \frac{1}{2}AD = \frac{3\sqrt{5}}{4}$

$\therefore \tan \angle DAB = \frac{1}{2}$

易得, $OA = AO \times \frac{\sqrt{5}}{2} = \frac{15}{8}$



22. [答案] (1) 180 千米/小时. (2) 48 千米.

[解析] (1) $90 \div (1 - 0.5) = 180$ 千米/小时.

(2) 设小丽的 y 与 t 的关系为 $y = kt$.

\therefore 小明乘坐的火车的速度为 180 千米/小时.

$\therefore t = \frac{5}{6}$ 时, $y = 180 \times (\frac{5}{6} - \frac{1}{2}) = 60$ 千米.

将点 $(\frac{5}{6}, 60)$ 代入 $y = kt$ 中, 得 $k = 72$.

即, $y = 72t$.

$\therefore t = 1$ 时, $y = 72$.

此时小丽离苏州乐园 $120 - 72 = 48$ 千米.



23. [答案] 见解析

[解析]

证明: (1) \because 四边形 $ABCD$ 为等腰梯形.

$$\therefore \angle ABC = \angle DCB.$$

$$\because \angle DCE = \angle DBE.$$

$$\therefore \angle ABD = \angle ABC - \angle DBC = \angle DCB - \angle DCE = \angle BCE.$$

$$\therefore AD \parallel BC.$$

$$\therefore \angle ADB = \angle EBC.$$

$$\text{且 } BD = BC,$$

$$\therefore \triangle ABD \cong \triangle ECB. \text{ 即 } AD = BE.$$

(2) 联结 AC

$$\because AD \parallel BC, AB = CD, BD = BC, CF \perp AB$$

$$\therefore BF = \frac{1}{2} AB.$$

$$\because \angle DCE = \angle DBE \text{ 得 } \triangle DCE \sim \triangle DBE.$$

$$\text{则 } CD^2 = DE \cdot BD$$

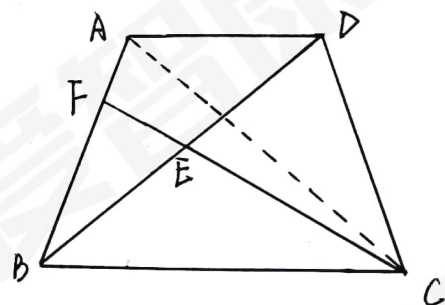
$$\because \angle DCE = \angle DBE \text{ 得 } \angle FBE = \angle FCB$$

$$\text{所以 } \triangle BFE \sim \triangle CFB$$

$$\therefore BF^2 = EF \cdot FC$$

$$\because AB = CD$$

$$\text{得 } 4BF \cdot FC = DE \cdot BD.$$



24. [答案] (1) $y = -\frac{1}{2}x^2 + \frac{3}{2}x + 2$ (2) 4 (3) $(-5, -18)$ 或 $(3, 2)$

[解析]

(1) $y = -\frac{1}{2}x^2 + \frac{3}{2}x + 2$ 得: $B(4, 0), C(10, 2)$

代入解得: $y = -\frac{1}{2}x^2 + \frac{3}{2}x + 2.$

(2) 设 $M(a, -\frac{1}{2}a^2 + \frac{3}{2}a + 2), N(a, -\frac{1}{2}a + 2)$

$$MN = OC = 2 \text{ 得 } -\frac{1}{2}a^2 + \frac{3}{2}a + 2 - (-\frac{1}{2}a + 2) = 2 \text{ 解得 } a = 2$$

$$\therefore S_{\square OMNG} = 2 \times 2 = 4.$$



